

## M/M/1

1	Intensidade de tráfego	$\rho = \lambda / \mu$
2	Condição de estabilidade (requisito necessário para que a fila não cresça indefinidamente)	$\rho < 1$ , isto é, $\lambda < \mu$
3	Probabilidade de <i>zero</i> clientes no sistema	$p_0 = 1 - \rho$
4	Probabilidade de <i>n</i> clientes no sistema	$p_n = (1 - \rho) \cdot \rho^n, n = 0, 1, \dots, \infty$
5	Probabilidade de <i>n</i> ou mais clientes no sistema	$P_{(n \text{ ou mais})} = \rho^n$
6	Número médio de clientes no sistema	$E[n] = \rho / (1 - \rho)$
7	Variância do número de clientes no sistema	$Var[n] = \rho / (1 - \rho)^2$
8	Probabilidade de <i>k</i> clientes na fila	$P(n_q = k) = \begin{cases} 1 - \rho^2, & k = 0 \\ (1 - \rho) \cdot \rho^{k+1}, & k > 0 \end{cases}$
9	Número médio de clientes na fila:	$E[n_q] = \rho^2 / (1 - \rho)$
10	Variância do número de clientes na fila	$Var[n_q] = \rho^2 \cdot (1 + \rho - \rho^2) / (1 - \rho)^2$
11	Tempo médio no sistema (ou de resposta)	$E[r] = (1/\mu) / (1 - \rho)$
12	Variância do tempo no sistema (ou de resposta)	$Var[r] = 1/\mu^2 / (1 - \rho)^2$
13	Tempo médio de espera	$E[w] = \rho \cdot (1/\mu) / (1 - \rho)$
14	Variância do tempo de espera	$Var[w] = (2 - \rho) \cdot \rho / (\mu^2 \cdot (1 - \rho)^2)$

## M/M/m

1	Intensidade de tráfego	$\rho = \lambda / (m \cdot \mu)$
2	Condição de estabilidade	$\rho < 1$ , isto é, $\lambda < m \cdot \mu$
3	Probabilidade de zero clientes no sistema	$p_0 = \left[ 1 + \frac{(m\rho)^m}{m!(1-\rho)} + \sum_{n=1}^{m-1} \frac{(m\rho)^n}{n!} \right]^{-1}$
4	Probabilidade de n clientes no sistema	$p_n = \begin{cases} \frac{(m\rho)^n}{n!} p_0, & n = 1, 2, \dots, m-1 \\ \frac{\rho^n m^m}{m!} p_0, & n = m, m+1, \dots, \infty \end{cases}$
5	Probabilidade de enfileiramento ( $\hat{\rho}$ = probabilidade de m ou mais clientes no sistema)	$\hat{\rho} = P(\geq m \text{ clientes}) = \frac{(m\rho)^m}{m!(1-\rho)} p_0$
6	Número médio de clientes no sistema	$E[n] = m\rho + \rho \cdot \hat{\rho} / (1 - \rho)$
7	Variância do número de clientes no sistema	$Var[n] = m\rho + \rho \cdot \hat{\rho} \left[ \frac{1 + \rho - \rho \cdot \hat{\rho}}{(1-\rho)^2} + m \right]$
8	Número médio de clientes na fila:	$E[n_q] = \rho \cdot \hat{\rho} / (1 - \rho)$
9	Variância do número de clientes na fila	$Var[n_q] = \hat{\rho} \cdot (1 + \rho - \hat{\rho} \rho) / (1 - \rho)^2$
10	Tempo médio no sistema (ou de resposta)	$E[r] = \frac{1}{\mu} \left( 1 + \frac{\hat{\rho}}{m(1-\rho)} \right)$
11	Variância do tempo no sistema (ou de resposta)	$Var[r] = \frac{1}{\mu^2} \left[ 1 + \frac{\hat{\rho}(2-\rho)}{m^2(1-\rho)^2} \right]$
12	Tempo médio de espera	$E[w] = E(n_q) / \lambda = \hat{\rho} / [m\mu(1-\rho)]$
13	Variância do tempo de espera	$Var[w] = \hat{\rho}(2-\hat{\rho}) / [m^2\mu^2(1-\rho)^2]$
14	Taxa de utilização média de cada servidor:	$U = \lambda / m\mu = \rho$

## M/M/m/B

1	Intensidade de tráfego	$\rho = \lambda / (m \cdot \mu)$
2	Condição de estabilidade	$\rho < \infty$
3	Probabilidade de zero clientes no sistema	$p_0 = \left[ 1 + \frac{(1 - \rho^{B-m+1})(m\rho)^m}{m!(1 - \rho)} + \sum_{n=1}^{m-1} \frac{(m\rho)^n}{n!} \right]^{-1}$
4	Probabilidade de n clientes no sistema em termos da intensidade de tráfego	$p_n = \begin{cases} \frac{1}{n!} (m\rho)^n p_0, & 0 \leq n < m \\ \frac{m^m \rho^n}{m!} p_0, & m \leq n \leq B \end{cases}$
5	Número médio de clientes no sistema	$E[n] = \sum_{n=1}^B n p_n$
6	Número médio de clientes na fila	$E[n_q] = \sum_{n=m+1}^B (n - m) p_n$
7	Taxa efetiva de chegada no sistema	$\lambda' = \sum_{n=0}^{B-1} \lambda p_n = \lambda(1 - p_B)$
8	Tempo médio no sistema (ou de resposta)	$E[r] = E[n] / \lambda' = E[n] / [\lambda(1 - p_B)]$
9	Tempo médio de espera	$E(w) = E(r) - 1 / \mu = E[n_q] / [\lambda(1 - p_B)]$
10	Taxa de perda por unidade de tempo	$\lambda p_B$ clientes/unidade de tempo
11	Taxa de utilização média de cada servidor;	$U = \lambda' / m \mu = \rho(1 - p_B)$